

- Ich kenne die **Normalform** einer **linearen Funktion** und kann diese aufschreiben.
- Ich kann die **Steigung (m)** in der Normalform erkennen und weiß, was diese zu bedeuten hat.
- Ich kann den **y-Achsenabschnitt (b)** einer linearen Funktion ermitteln.



Lineare Funktionen

Begriffe und Eigenschaften linearer Funktionen

Jede lineare Funktion kann als Funktionsgleichung dargestellt werden (z.B. $2f(x)+3x=29$ oder $5-2f(x)=18x$ usw.)

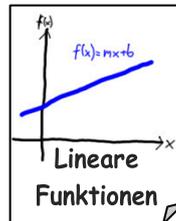
Im Allgemeinen stellt „x“ dabei die **unabhängige Variable** (=frei-wählbare Variable) dar.

„f(x)“ steht für den **Funktionswert von x**. f(x) wird häufig auch mit „y“ abgekürzt um anzudeuten, dass es sich um eine zweite Variable, die sogenannte **abhängige Variable** handelt.

Es ist sinnvoll, eine beliebig formulierte, lineare Funktionsgleichung so umzuformen, dass der Funktionswert f(x) (oder die abhängige Variable „y“) alleine auf der „linken Seite“ der Gleichung steht. Dadurch kann man schneller erkennen, wie der Funktionswert f(x) beschrieben wird.

Wird die Gleichung so umgeformt, dass auf der linken Seite der Gleichung nur f(x) bzw. y steht und auf der rechten Seite ein Wert mit x und eine Zahl ohne x, so spricht man von der **Normalform** einer linearen Funktion!

(Beispiel: Auflösen der Funktionsgleichung $2f(x)+3x=29$ nach „f(x)“: \Rightarrow $2f(x)+3x=29$ | $-3x$
 $2f(x)=-3x+29$ | $:2$
 $f(x)=-1,5x+14,5$ [= Normalform])



QR-Code
Song zu
„Lineare Funktionen“



<http://www.youtube.com/watch?v=b1V2q8FV4ag>

Die Normalform einer linearen Funktion (auch allgemeine Form):

Wird eine lineare Funktion in der Form $f(x) = mx + b$ geschrieben, so spricht man von der sogenannten **Normalform** oder auch **allgemeine Form**.

Darin bedeuten: **m = Steigung** der linearen Funktion
b = f(x)-Achsenabschnitt der Geraden
 auch als **y-Achsenabschnitt** bezeichnet.



f(x) steht für den Funktionswert von „x“ (Hinweis: „f(x)“ wird gelesen „f von x“ – die Klammern werden also als „von“ ausgesprochen).

In der Literatur wird häufig statt „f(x) = mx+b“ auch „y = mx+b“ geschrieben.

Die **Normalform** wird manchmal auch wie folgt geschrieben

(Dabei haben die Steigung m und der y-Achsenabschnitt b einfach andere Bezeichnungen, sonst nichts.)

- $f(x) = mx + n$ oder
- $f(x) = ax + b$

Wird eine lineare Funktionsgleichung in der **Normalform** dargestellt, kann die **Steigung „m“** und der **y-Achsenabschnitt „b“** direkt abgelesen werden. Damit ist auch das Zeichnen des zugehörigen **Funktionsgraphen** recht leicht möglich (siehe auch LE2).

- Ich kenne die **Normalform** einer **linearen Funktion** und kann diese aufschreiben.
- Ich kann die **Steigung (m)** in der Normalform erkennen und weiß, was diese zu bedeuten hat.
- Ich kann den **y-Achsenabschnitt (b)** einer linearen Funktion ermitteln.



Die Normalform linearer Funktionen $f(x) = mx + b$

Auf dieser Seite betrachten wir die Normalform der Geradengleichung konkreter und gehen auf die Faktoren „m“ und „b“ genauer ein.

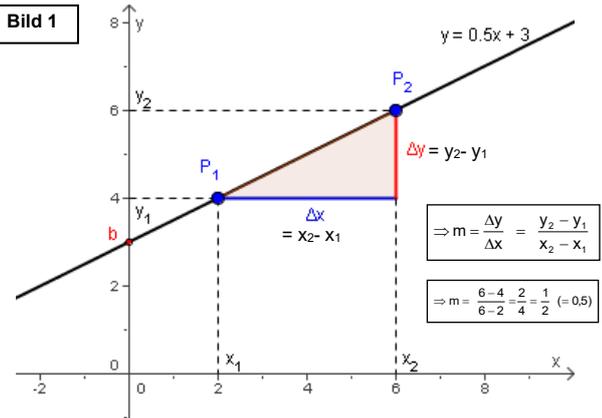
In der Normalform $f(x) = mx + b$ wird „mx“ wird auch als **lineares Glied** und „b“ als **absolutes Glied** bezeichnet!

m ist das Maß für die **Steigung** der Geraden. Die Steigung kann gut mit dem **Steigungsdreiecks** veranschaulicht werden.

Sind zwei Punkte P_1 und P_2 mit ihren Koordinaten $P_1(x_1|y_1)$ und $P_2(x_2|y_2)$ bekannt, so kann die **Steigung „m“** ermittelt werden, indem man die Differenz der y-Koordinaten ($\Delta y = y_2 - y_1$) durch die Differenz der x-Koordinaten ($\Delta x = x_2 - x_1$) der Punkte dividiert:

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1}$$

Bild 1



Die **Steigung** einer Geraden ist überall gleich groß! Daher ist es unbedeutend, an welcher Stelle der Geraden die Steigung „m“ ermittelt wird.

Wenn $\Delta x = 1$ ist, kann die Steigung „m“ direkt abgelesen werden!

$$m = \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{\Delta y}{1} = \Delta y$$

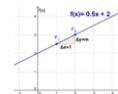
In diesem Fall ist also $\Delta y = m$!

Bild 2

b ist der **Schnittpunkt mit der y-Achse**

An der Stelle „b“ schneidet die Gerade die y-Achse!

Der Schnittpunkt mit der y-Achse ist ein wichtiger Punkt einer Linearen Funktion. Einen Punkt gibt man im Koordinatensystem mit den Koordinaten $P(x|y)$ an. Beim Schnittpunkt mit der y-Achse „b“ ist der x-Wert immer Null. Der y-Wert ist hier immer „b“.



Für den Punkt gibt es mehrere Begriffe/Bezeichnungen.

Die häufigsten Bezeichnungen und Schreibweisen sind:

- **Ordinate:** $O(0 | b)$ oder
- **y-Achsenabschnitt:** $YAA(0 | b)$ oder
- **Schnittpunkt mit der y-Achse:** $S_y(0 | b)$



Wie werden am häufigsten von Ordinate sprechen.



GeoGebra-Applikation:

- **Steigung** und
 - **y-Achsenabschnitt** sichtbar machen und verändern!
- <https://www.geogebra.org/m/kuK5CP>

Lernpfad zu Linearen Funktionen:

- Was ist **Steigung**
 - Was ist der **y-Achsenabschnitt**
 - **Geradengleichung / Normalform**
- www.matheprisma.de/Module/Geraden/index.htm





- Ich kenne die **Normalform** einer **linearen Funktion** und kann diese aufschreiben.
- Ich kann die **Steigung (m)** in der Normalform erkennen und weiß, was diese zu bedeuten hat.
- Ich kann den **y-Achsenabschnitt (b)** einer linearen Funktion ermitteln.

Übungen – LE 1.2 (Lerneinheit 1.2)

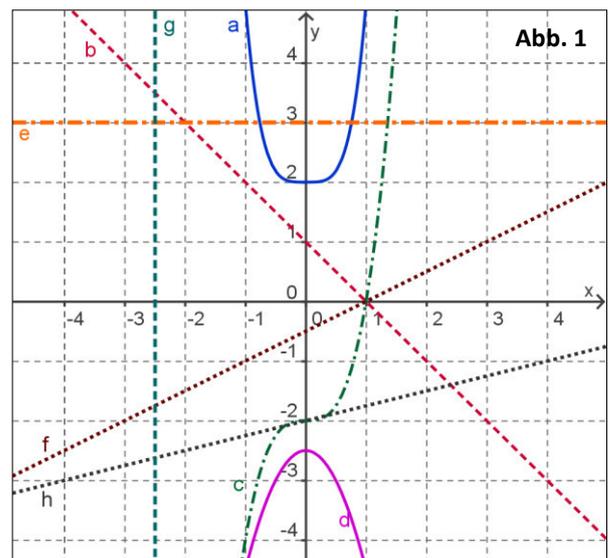
- 1) Schreibe vier (beliebige) lineare Funktionsgleichungen auf.
- 2) Woran erkennt man, dass eine lineare Funktionsgleichung vorliegt?
- 3) Wie lautet die **Normalform/ Allgemeine Form** einer linearen Funktion?
- 4) Forme mindestens 3 der folgenden linearen Funktionen in ihre **Normalform** um.

- a) $2 - f(x) = 12 + x$ \Rightarrow Normalform:
- b) $4x + 3 = 3x + y - 7$ \Rightarrow Normalform:
- c) $x + y = 2$ \Rightarrow Normalform:
- d) $0,5x + f(x) - 5 = 0$ \Rightarrow Normalform:
- e) $\frac{f(x)}{x} + 2 = -1$ \Rightarrow Normalform:
- f) $-2x - 2f(x) = 7x + 8$ \Rightarrow Normalform:

5) Gib den y-Achsen-Abschnitt der in Abb. 1 dargestellten linearen Funktionen an.

6) Gib die Steigung der in Abb. 1 dargestellten linearen Funktionen an.

7) Gib die Normalformen der in Abb. 1 dargestellten linearen Funktionen an.



- Ich kenne die **Normalform** einer **linearen Funktion** und kann diese aufschreiben.
- Ich kann die **Steigung (m)** in der Normalform erkennen und weiß, was diese zu bedeuten hat.
- Ich kann den **y-Achsenabschnitt (b)** einer linearen Funktion ermitteln.



Lösungshinweise

Übungen - LE 1.2 (Lerneinheit 1.2)

1) Schreibe vier (beliebige) lineare Funktionsgleichungen auf.
 $f(x) = 2x$
 $g(x) = -2$
 $h(x) = -x + 1$
 $j(x) = 2x + 1$

2) Woran erkennt man, dass eine lineare Funktionsgleichung vorliegt?
 Der höchste Exponent ist 1. Funktionswerte können unendlich bestimmt werden bei gegebenem Falle.

3) Wie lautet die Normalform/ Allgemeine Form einer linearen Funktion?
 $f(x) = mx + b$

4) Forme mindestens 3 der folgenden linearen Funktionen in ihre Normalform um.
 a) $2 \cdot f(x) = 12 + x$ ⇒ Normalform: $f(x) = -x - 10$
 b) $4x + 3 = 3x + y - 7$ ⇒ Normalform: $y = x + 10$
 c) $x + y = 2$ ⇒ Normalform: $y = -x + 2$
 d) $0,5x + f(x) - 5 = 0$ ⇒ Normalform: $f(x) = -0,5x + 5$
 e) $\frac{f(x)}{x} + 2 = -1$ ⇒ Normalform: $f(x) = -3x$
 f) $-2x - 2f(x) = 7x + 8$ ⇒ Normalform: $f(x) = -4,5x - 4$

5) Gib den y-Achsen-Abschnitt der in Abb. 1 dargestellten linearen Funktionen an.
 b: $54(0|1)$ c: $54(0|3)$
 f: $54(0|0,5)$ h: $54(0|-2)$

6) Gib die Steigung der in Abb. 1 dargestellten linearen Funktionen an.
 $m_b = -1$
 $m_c = 0$
 $m_f = 0,5$
 $m_h = \frac{1}{4}$

7) Gib die Normalformen der in Abb. 1 dargestellten linearen Funktionen an.
 $b(x) = -x + 1$
 $c(x) = 3$
 $f(x) = 0,5x - 0,5$
 $h(x) = \frac{1}{4}x - 2$

Abb. 1